

基于EL模型的VIENNA整流器无源混合控制

根据双负载VIENNA整流器拓扑结构,建立了基于欧拉-拉格朗日(Euler-Lagrange, EL)的数学模型。该数学模型采用阻尼注入方法设计了无源电流控制器,能够实现交流电流快速跟踪期望值,同时为了有效抑制稳态误差,引入PI控制,这样就形成了以无源控制为主、PI控制为辅的混合控制策略。Matlab/Simulink仿真结果表明,基于EL模型的无源混合控制策略能够使直流侧电压快速跟踪给定值、交流侧电流正弦化及单位功率因数运行,并且对负载变化具有良好的鲁棒性。与经典PI控制相比,无源混合控制的电流THD更小,验证了所提控制策略的优越性。

翟丹丹 王久和 库冬瑾/北京信息科技大学自动化学院



翟丹丹/硕士研究生

关键词/Keywords

VIENNA整流器 ·
EL模型 ·
双负载 ·
无源混合控制 ·
SVPWM调制 ·

随着三相大功率电力电子装置在工业领域的应用越来越多,人们对电力电子设备产生的谐波污染也受到越来越多的重视。VIENNA整流器作为一种性能优良的三电平拓扑,由于所需的功率晶体管器件少、电压应力仅为直流母线电压的1/2以及无桥臂输出电压直通问题,因此无须设置驱动死区时间等^[1],基于上述的诸多优点而受到了国内外学者的广泛关注。目前针对VIENNA整流器的研究,国内外学者主要集中在控制策略研究上^[2-4];上述文献都以单负载为研究对象,采用反馈线性化控制器、PI控制器和单周期控制方案等,这些控制方法多具有控制律复杂、计算量大等缺点,对系统的控制造成影响。而无源控制理论是基于能量观点的全局定义且全局稳定的控制方法,是一种非线性控制理论,

国家自然科学基金项目(51477011),北京市自然科学基金重点项目(KZ201511232035),北京市属高校科技创新能力提升计划(PXM2013)。

采用无源控制方法能够提高整流器的控制性能。考虑到VIENNA整流器在双负载供电(如多重化电路的输入侧等^[5-6])中的应用,本文基于无源控制理论对双负载VIENNA整流器进行了数学建模,设计了无源混合控制器,无源混合控制能够使系统单位功率因数运行及交流侧电流正弦化。

VIENNA整流器拓扑及数学模型

1. 双负载VIENNA整流器拓扑结构

本文以三开关VIENNA整流器作为研究对象,所研究的控制策略同样适用于六开关VIENNA整流器。双负载VIENNA整流器拓扑结构如图1所示。为建立其数学模型,假设:①电源为三相对称正弦电压;②滤波电感是线性的;③开关管为理想开关管。

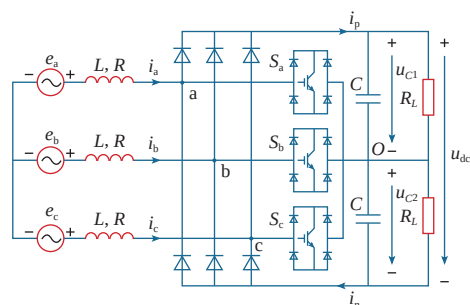


图1 双负载VIENNA整流器主电路

图中, i_a 、 i_b 和 i_c 为电网三相交流电流; R 、 L 为滤波电抗器的电阻和电感; C 为直流侧电容; e_a 、 e_b 和 e_c 为电网三相交流电压; u_{dc} 为直流母线端电压, $u_{dc} = u_{C1} + u_{C2}$; Δu_{dc} 为直流母线中性点电压波动, $\Delta u_{dc} = u_{C1} - u_{C2}$ 。 $S_i(i=a,b,c)$ 为整流器开关函数,以a相为例, $S_a=1$ 时,功率开

关管导通, 此时电压 $u_{a0}=0$; $S_a=0$ 时, 功率开关管关断, 此时开关侧所能实现的电位是由开关管所在相的电流方向决定的。当 $i_i(i=a,b,c)$ 流入a点时, $\text{sign}(i_i)=1$, 此时 $u_{a0}=u_{C1}$; 当 $i_i(i=a,b,c)$ 流出a点时, $\text{sign}(i_i)=-1$, 此时 $u_{a0}=-u_{C2}$ 。

2. VIENNA整流器数学模型

在三相对称电源电压情况下, VIENNA整流器在三相abc坐标系下的数学模型为

$$\begin{cases} L \frac{di_a}{dt} + Ri_a + [\text{sign}(i_a)(1-S_a)] \frac{u_{dc}}{2} + (1-S_a) \frac{\Delta u_{dc}}{2} - u_{NO} = e_a \\ L \frac{di_b}{dt} + Ri_b + [\text{sign}(i_b)(1-S_b)] \frac{u_{dc}}{2} + (1-S_b) \frac{\Delta u_{dc}}{2} - u_{NO} = e_b \\ L \frac{di_c}{dt} + Ri_c + [\text{sign}(i_c)(1-S_c)] \frac{u_{dc}}{2} + (1-S_c) \frac{\Delta u_{dc}}{2} - u_{NO} = e_c \\ C \frac{du_{dc}}{dt} + \frac{u_{dc}}{R_L} - \text{sign}(i_a)(1-S_a)i_a - \text{sign}(i_b)(1-S_b)i_b - \text{sign}(i_c)(1-S_c)i_c = 0 \\ C \frac{d\Delta u_{dc}}{dt} + \frac{\Delta u_{dc}}{R_L} - (1-S_a)i_a - (1-S_b)i_b - (1-S_c)i_c = 0 \end{cases} \quad (1)$$

式中, u_{NO} 为电源中性点N与节点O之间的电压。

u_{NO} 的表达式为

$$u_{NO} = \sum_{i=a,b,c} \frac{1}{3} [\text{sign}(i_i)(1-S_i) \frac{u_{dc}}{2} + (1-S_i) \frac{\Delta u_{dc}}{2}] \quad (2)$$

定义新的 $d_i = (1-S_i)[\text{sign}(i_i) + \frac{\Delta u_{dc}}{u_{dc}}]$, 并且有

$$d_i(1 - \frac{\Delta u_{dc}}{u_{dc}}) \text{sign}(i_i) \approx (1-S_i) \text{sign}(i_i) \quad (3)$$

$$d_i [\text{sign}(i_i) - \frac{\Delta u_{dc}}{u_{dc}}] \approx 1-S_i \quad (4)$$

为了简化数学模型, 联立式 (1) ~ 式 (4) 得abc坐标系下新的数学模型为

$$\begin{cases} L \frac{di_a}{dt} + Ri_a + \frac{1}{2} d_a u_{dc} - \frac{1}{6} (d_a + d_b + d_c) u_{dc} = e_a \\ L \frac{di_b}{dt} + Ri_b + \frac{1}{2} d_b u_{dc} - \frac{1}{6} (d_a + d_b + d_c) u_{dc} = e_b \\ L \frac{di_c}{dt} + Ri_c + \frac{1}{2} d_c u_{dc} - \frac{1}{6} (d_a + d_b + d_c) u_{dc} = e_c \end{cases}$$

$$\begin{cases} L \frac{di_c}{dt} + Ri_c + \frac{1}{2} d_c u_{dc} - \frac{1}{6} (d_a + d_b + d_c) u_{dc} = e_c \\ C \frac{du_{dc}}{dt} + \frac{u_{dc}}{R_L} - \sum_{i=a,b,c} d_i i_i (1 - \frac{\Delta u_{dc}}{u_{dc}}) \text{sign}(i_i) = 0 \\ C \frac{d\Delta u_{dc}}{dt} + \frac{\Delta u_{dc}}{R_L} - \sum_{i=a,b,c} d_i i_i [\text{sign}(i_i) - \frac{\Delta u_{dc}}{u_{dc}}] = 0 \end{cases} \quad (5)$$

将VIENNA整流器在三相abc坐标系下的数学模型进行等量变换为

$$M_{abc/dq0} = \frac{2}{3} \begin{pmatrix} \sin \omega t & \sin (\omega t - 120^\circ) & \sin (\omega t + 120^\circ) \\ \cos \omega t & \cos (\omega t - 120^\circ) & \cos (\omega t + 120^\circ) \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix} \quad (6)$$

变换到两相同步旋转dq坐标系下的数学模型为

$$\begin{cases} L \frac{di_d}{dt} - \omega L i_q + Ri_d + \frac{1}{2} d_d u_{dc} = e_d \\ L \frac{di_q}{dt} + \omega L i_d + Ri_q + \frac{1}{2} d_q u_{dc} = e_q \\ \frac{C}{3} \frac{du_{dc}}{dt} + \frac{u_{dc}}{3R_L} - \frac{1}{2} (d_d i_d + d_q i_q) = 0 \\ \frac{C}{3} \frac{d\Delta u_{dc}}{dt} + \frac{\Delta u_{dc}}{3R_L} = \frac{\alpha}{3} d_0 i_d \end{cases} \quad (7)$$

式中, $\alpha = 2/\pi$; i_d 、 i_q 、 u_{dc} 和 Δu_{dc} 为状态变量; d_d 、 d_q 和 d_0 为控制输入。

将式 (7) 写成EL形式

$$M\dot{x} + Jx + Rx = u \quad (8)$$

式中, 各矩阵具体表达式为

$$M = \begin{pmatrix} L & 0 & 0 & 0 \\ 0 & L & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \frac{1}{3}C & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \frac{1}{3}C \end{pmatrix}; x = \begin{pmatrix} i_d \\ i_q \\ u_{dc} \\ \Delta u_{dc} \end{pmatrix}; u = \begin{pmatrix} e_d \\ e_q \\ 0 \\ \frac{\alpha}{3} d_0 i_d \end{pmatrix};$$

$$J = \begin{pmatrix} 0 & -\omega L & \frac{d_d}{2} & 0 \\ \omega L & 0 & \frac{d_q}{2} & 0 \\ -\frac{d_d}{2} & -\frac{d_q}{2} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}; R = \begin{pmatrix} R & 0 & 0 & 0 \\ 0 & R & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \frac{1}{3R_L} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \frac{1}{3R_L} \end{pmatrix}。$$

VIENNA整流器控制器设计

1. 系统的无源性

考虑多输入多输出系统

$$\begin{cases} \dot{\mathbf{x}} = \mathbf{f}(\mathbf{x}, \mathbf{u}) \\ \mathbf{y} = \mathbf{h}(\mathbf{x}, \mathbf{u}) \end{cases} \quad (9)$$

式中, $\mathbf{x} \in R^n$ 为状态变量; $\mathbf{u} \in R^m$ 为系统的输入; $\mathbf{y}$ 为系统的输出; $\mathbf{h}$ 为关于 $(\mathbf{x}, \mathbf{u})$ 的连续; $\mathbf{f}$ 为关于 $(\mathbf{x}, \mathbf{u})$ 的局部连续。

对于多输入多输出系统, 对任意的 $T > 0$, 如果可以找到一个正定的函数 $Q(x)$ 和一个半正定的能量存储函数 $H(x)$, 且满足耗散不等式

$$\dot{H} \leq \mathbf{u}^T \mathbf{y} - Q(\mathbf{x}) \quad (10)$$

那么多输入多输出系统严格无源。

对于整流器, 假设系统的存储能量函数为 $H = \frac{1}{2} \mathbf{x}^T \mathbf{M} \mathbf{x}$, 则有

$$\dot{H} = \mathbf{x}^T \mathbf{M} \dot{\mathbf{x}} = \mathbf{x}^T (\mathbf{u} - \mathbf{J} \mathbf{x} - \mathbf{R} \mathbf{x}) = \mathbf{x}^T \mathbf{u} - \mathbf{x}^T \mathbf{R} \mathbf{x} \quad (11)$$

结合式 (10) 可以看出, 系统是严格无源的, 因此可进行无源控制器^[8-9]的设计。

2. 无源电流控制器设计

为使系统快速收敛到期望点, 且误差能量函数快速变零, 采用阻尼注入方法设计无源控制器, 为此令 $\mathbf{x}_e = \mathbf{x} - \mathbf{x}^*$, $\mathbf{R}_d \mathbf{x}_e = (\mathbf{R} + \mathbf{R}_d) \mathbf{x}_e$ 。其中, $\mathbf{x}_e$ 为系统误差矩阵; $\mathbf{R}_d$ 为阻尼注入矩阵; $\mathbf{R}$ 为系统固有阻尼矩阵; $\mathbf{R}_d$ 为注入阻尼后的系统阻尼矩阵; $\mathbf{x}^*$ 为系统的期望平衡点, $\mathbf{x}^* = [x_1^* \ x_2^* \ x_3^* \ x_4^*]^T = [i_d^* \ 0 \ u_{dcr} \ 0]^T$ 。

则联立式 (8) 可得

$$\mathbf{M} \dot{\mathbf{x}}_e + \mathbf{J} \mathbf{x}_e + \mathbf{R}_d \mathbf{x}_e = \mathbf{u} - (\mathbf{M} \dot{\mathbf{x}}^* + \mathbf{J} \mathbf{x}^* + \mathbf{R} \mathbf{x}^* - \mathbf{R}_d \mathbf{x}_e) \quad (12)$$

整理式 (12) 得

$$\begin{aligned} \mathbf{M} \dot{\mathbf{x}}_e + \mathbf{R}_d \mathbf{x}_e &= \mathbf{u} - (\mathbf{M} \dot{\mathbf{x}}^* + \mathbf{J} \mathbf{x}^* + \mathbf{J} \mathbf{x}_e + \mathbf{R} \mathbf{x}^* - \mathbf{R}_d \mathbf{x}_e) \\ &= \mathbf{u} - (\mathbf{M} \dot{\mathbf{x}}^* + \mathbf{J} \mathbf{x} + \mathbf{R} \mathbf{x}^* - \mathbf{R}_d \mathbf{x}_e) \end{aligned} \quad (13)$$

考虑到误差能量函数 $H_e = 1/2 \mathbf{x}_e^T \mathbf{M} \mathbf{x}_e$, 若使误差能量函数收敛为零, 即误差能量函数的导数小于零, 则取无源控制器为

$$\mathbf{u} = \mathbf{M} \dot{\mathbf{x}}^* + \mathbf{J} \mathbf{x} + \mathbf{R} \mathbf{x}^* - \mathbf{R}_d \mathbf{x}_e \quad (14)$$

这样使 $\dot{H}_e = \mathbf{x}_e^T \mathbf{M} \dot{\mathbf{x}}_e = -\mathbf{x}_e^T \mathbf{R}_d \mathbf{x}_e < 0$, 保证控制器实现的目的。

$$\text{考虑到 } \mathbf{M} \dot{\mathbf{x}}^* = 0, \text{ 取 } \mathbf{R}_d = \begin{pmatrix} r_{a1} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & r_{a2} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & r_{a3} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & r_{a4} \end{pmatrix},$$

根据式 (14) 得

$$\begin{cases} e_d = -\omega L i_q + \frac{1}{2} d_d u_{dc} + R i_d^* - r_{a1} (i_d - i_d^*) \\ e_q = \omega L i_d + \frac{1}{2} d_q u_{dc} - r_{a2} i_q \\ 0 = -\frac{1}{2} (d_d i_d + d_q i_q) + \frac{1}{3} \frac{u_{dcr}}{R_L} - r_{a3} (u_{dc} - u_{dcr}) \\ \frac{\alpha}{3} d_0 i_d = -r_{a4} \Delta u_{dc} \end{cases} \quad (15)$$

根据式 (15) 得最终开关函数

$$\begin{cases} d_d = \frac{e_d + \omega L i_q - R i_d^* + r_{a1} (i_d - i_d^*)}{\frac{1}{2} u_{dc}} \\ d_q = \frac{e_q - \omega L i_d + r_{a2} i_q}{\frac{1}{2} u_{dc}} \\ d_0 = \frac{-r_{a4} \Delta u_{dc}}{\frac{\alpha}{3} i_d} \end{cases} \quad (16)$$

3. 直流电压控制器设计

由于上述无源电流控制器用三个控制量 d_d 、 d_q 和 d_0 控制四个量 i_d 、 i_q 、 u_{dc} 和 Δu_{dc} , 因此属于欠驱动系统。为增强整流器可控性, i_d^* 可利用直流电压外环PI控制器得到, 即利用直流电压外环实现 u_{dc} 的控制, 这样就形成了以无源控制为主、PI控制为辅的无源混合控制策略。

直流电压外环PI控制器传递函数为

$$G(s) = K_{pu} + \frac{K_{iu}}{s} \quad (17)$$

电压外环以 u_{dc} 为控制对象, 根据PI控制策略得出期望电流 i_d^* , 比例积分参数可按照典型 II 型来整定。

综上所述, 可得双负载VIENNA整流器的无源混合控制结构框图如图2所示。

三电平SVPWM简化算法

VIENNA整流器由三个桥臂组成, 理论上应有

对比发现,六边形I的a相开关转换序列取反,正好是两电平开关转换序列,同理可得出其他六边形的规律。发现上述规律后,按照传统两电平得到PWM波,只需根据以上规律修正PWM波,就能得到实际六个六边形的PWM波,此方法简单可行。

仿真研究

用Matlab/Simulink软件对系统进行仿真,参数设置如下:交流侧使用三相对称正弦电源,相电压有效值为220 V,工频为50 Hz,电容参数为2 200 μF ,电抗器电感为16 mH,电抗器内阻和线路电阻等效为0.3 Ω ,额定负载为两个等效电阻50 Ω ,调制频率为5 kHz,直流侧输出电压稳态期望值为800 V。注入阻尼 R_d 经过仿真调试,取 $r_{a1}=r_{a2}=500 \Omega$, $r_{a3}=0 \Omega$, $r_{a4}=5 \Omega$ 合适。整流器电压外环的PI参数: $k_p=0.34$, $k_i=1.22$ 。当采用经典PI时,整流器电流内环PI参数: $k_p=200$, $k_i=50$;电压外环PI参数: $k_p=0.36$, $k_i=1.2$ 。

在无源混合控制策略下,直流侧母线电压波形如图4所示,直流侧母线电压快速达到给定值800 V。交流侧三相电压与电流波形如图5所示,电流电压实现同相位,整流器实现单位功率因数运行。中性点电压波动如图6所示,波动范围很小,有效控制了 Δu_{dc} 。

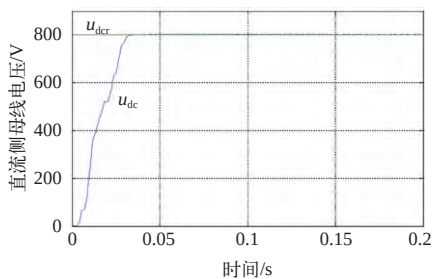


图4 直流侧母线电压

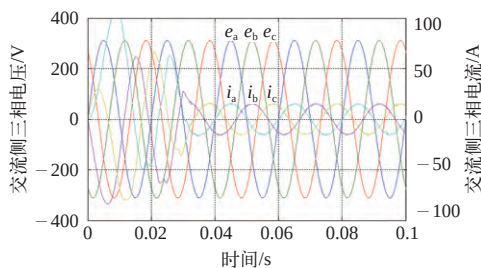


图5 交流侧三相电压与电流

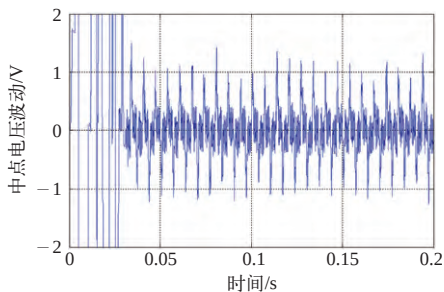


图6 中性点电压波动 Δu_{dc}

为了测试无源混合控制策略下系统的鲁棒性,对系统加负载扰动,在A点0.08 s处负载从50 Ω 变为20 Ω ,在B点0.1 s处负载从20 Ω 变为50 Ω ,在C点0.18 s处负载从50 Ω 变为100 Ω ,在D点0.2 s处负载从100 Ω 变为50 Ω ,仿真结果如图7所示。系统快速响应变化,电压虽受到负载波动影响,但是迅速又稳定到给定值,无源控制策略使系统在短时间内恢复正常,验证了系统良好的鲁棒性。

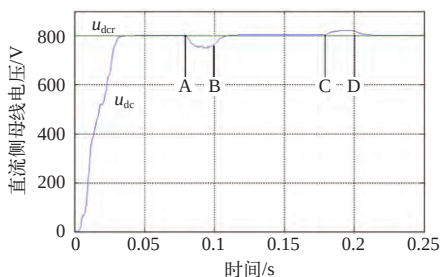


图7 负载扰动时直流侧母线电压

无源混合控制策略与经典PI对比,两种不同控制策略下直流侧母线电压输出波形如图8所示,输出电压均快速达到给定电压800 V,无源混合控制在到达稳态值的时间比PI慢,但是无超调现象。

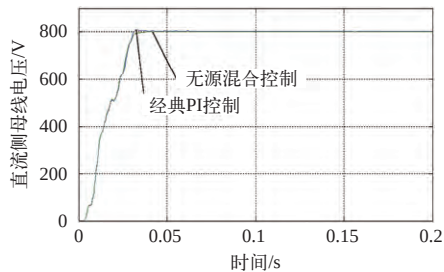


图8 两种不同控制策略下直流侧母线电压

图9和图10为两种不同控制策略下交流侧电流THD的对比分析。无源混合控制下的交流侧电流THD=1.74%;经典PI控制下的交流电流THD=

3.38%，因此无源混合控制具有较低的电流谐波。

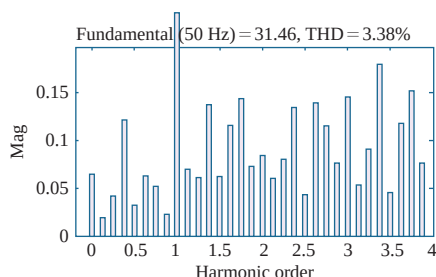


图9 无源混合控制下交流侧电流THD分析

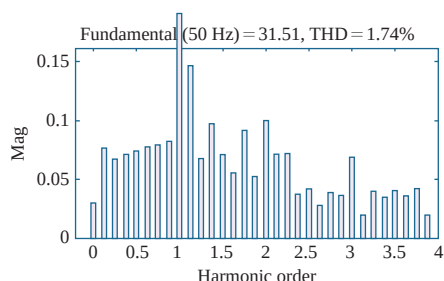


图10 经典PI控制下交流侧电流THD分析

结束语

本文建立了基于双负载VIENNA整流器的EL模型，通过阻尼注入方法设计了系统的控制器。在Matlab/Simulink环境下搭建了仿真模型，仿真结果表明整流器交流侧实现了单位功率因数运行、直流侧电压快速达到给定值的功能，并且具有一定的抗负载扰动能力。与经典PI控制相比，无源混合控制的THD更小。因此，基于EL模型的无源混合控制策略能够提高整流器的性能。

参考文献

[1] 周奖, 陆翔. 三相三电平三开关VIENNA整流器设计与实现[J]. 电工电气, 2014(1): 11-15.

[2] Thiago B Soeiro, Johann W Kolar. Analysis of high-efficiency three-phase two-and three-

level unidirectional hybrid rectifiers[J]. IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2013, 60(9): 3589-3601.

[3] 韦微, 陈新, 樊轶, 等. 单周期控制的三相三电平VIENNA整流器输出中点电位分析及控制方法研究[J]. 中国电机工程学报, 2013, 33(15): 29-37.

[4] Ansari R, Feyzi M R, Akbari Hamed K, et al. Input-output linearization of a fourth-order input-affine system describing the evolution of a three-phase/switch/level (Vienna) rectifier[J]. IET Power Electron, 2011, 4(8): 867-883.

[5] 林渭勋. 现代电力电子技术[M]. 北京: 机械工业出版社, 2005.

[6] Kanaan H, Al-Haddad K, Fnaiech F. Modelling and control of three-phase/switch/level fixed-frequency PWM rectifier: state-space averaged model[J]. IEEE Proc. Electr. Power Appl., 2005, 152(3): 551-557.

[7] Ali A Sahari, Mousavian H, Zolghadri M R, et al. A passivity-based controller via parallel damping injection for three phase/level/switch unity power factor (Vienna I) rectifier[C]. IEEE 11th Workshop on Control and Modeling for Power Electronics (COMPEL 2008), 2008: 1-6.

[8] 王久和. 无源控制理论及其应用[M]. 北京: 电子工业出版社, 2010.

[9] 王久和. 电能变换器及其无源控制[M]. 北京: 科学出版社, 2014.

[10] 苑春明. 三电平变换器SVPWM关键技术研究[D]. 合肥: 合肥工业大学, 2008.

(收稿日期: 2015-03-22) EA

欢迎订阅 欢迎投稿 欢迎刊登广告